



LICEO STATALE "NICCOLÒ MACHIAVELLI"
www.liceomachiavelli-firenze.edu.it
Liceo Classico, Liceo Internazionale Linguistico,
Liceo Internazionale Scientifico
Liceo delle Scienze Umane, Liceo Economico-Sociale
Uffici Amministrativi: Via Santo Spirito, 39 – 50125 Firenze
tel. 055-2396302 – fax 055-219178
e-mail: fiis00100r@istruzione.it - PEC: fiis00100r@pec.istruzione.it



Programma svolto a.s. 2020-21

CLASSE 5N INDIRIZZO SCIENTIFICO INTERNAZIONALE

MATERIA DI INSEGNAMENTO: MATEMATICA

Docente: Mariateresa Basile

ore di lezioni settimanali n° 6

Contenuti e tempi del percorso formativo

c.d.= con dimostrazione

Ripasso dei seguenti argomenti: funzioni algebriche e trascendenti e le loro proprietà. Studio del grafico probabile di una funzione: dominio e codominio di funzioni, segno di funzioni, intersezioni con gli assi, ricerca di asintoti orizzontali, obliqui e verticali. Limiti delle funzioni e operazioni sui limiti; limiti notevoli e loro applicazioni, infiniti e infinitesimi. Le funzioni continue e i teoremi sulle funzioni continue. I punti di discontinuità di una funzione: discontinuità di prima, seconda e terza specie.

Derivate e teoremi del calcolo differenziale

Definizione di retta tangente a una curva. Il rapporto incrementale: definizione e significato geometrico. La definizione di derivata di una funzione in un punto e suo significato geometrico; la funzione derivata prima; la derivata sinistra e la derivata destra. Il calcolo della derivata con la definizione. Definizione di funzione derivabile in un punto e in un intervallo. Teorema su continuità e derivabilità (c.d.). Calcolo delle derivate delle funzioni elementari (c.d.). Teoremi sulle operazioni con le derivate (c.d.). Derivate di ordine superiore al primo. Calcolo della retta tangente al grafico di una funzione. Punti stazionari. Retta normale al grafico di una funzione. Punti di non derivabilità: flessi a tangente verticale, cuspidi, punti angolosi, punti a tangente verticale. Il differenziale di una funzione: definizione e sua interpretazione geometrica. Le applicazioni della derivata alla fisica (la velocità, l'accelerazione, l'intensità di corrente). Teoremi sul calcolo differenziale: il teorema di Rolle (c.d.) e il suo significato geometrico. Il teorema di Lagrange (c.d.): suo significato geometrico e

legame con il teorema di Rolle. Le conseguenze del teorema di Lagrange: la funzione con derivata nulla in un intervallo è costante (c.d.), funzioni con stessa derivata differiscono per una costante (c.d.), funzioni crescenti e decrescenti e derivata prima (c.d.). Il teorema di Cauchy (c.d.). Il teorema di De L'Hospital e sua applicazione alle forme indeterminate.

Massimi, minimi e flessi

I massimi e i minimi delle funzioni; definizione di massimo relativo e assoluto, definizione di minimo relativo e assoluto, teorema di Weierstrass; condizione necessaria e condizione sufficiente per l'esistenza di un massimo o di un minimo relativo per le funzioni derivabili. La concavità: definizione di concavità verso l'alto e verso il basso in un punto e in un intervallo. I flessi delle funzioni: definizione di flesso e varie tipologie. Il teorema di Fermat (c.d.) Legame tra massimo/minimo relativo e derivata prima (c.d.). La ricerca dei massimi, dei minimi e dei flessi orizzontali e verticali mediante lo studio della derivata prima. Le derivate successive alla prima; la ricerca dei punti di flesso mediante lo studio del segno della derivata seconda, condizione necessaria e sufficiente per l'esistenza di un flesso a tangente orizzontale o obliqua. Legame tra il flesso e la derivata seconda. La ricerca dei massimi, dei minimi e dei flessi con il metodo delle derivate successive.

I problemi di massimo e di minimo.

Studio delle funzioni

Studio di funzioni: funzioni pari, dispari, periodiche. Lo studio di una funzione algebrica o trascendente e relativa rappresentazione grafica; dal grafico di una funzione alle sue caratteristiche, costruzione di grafici di una funzione a partire da condizioni assegnate. Deduzione del grafico della derivata da quello di $y=f(x)$. Deduzione delle proprietà di $f(x)$ dal grafico della sua derivata. Risoluzione grafica di equazioni e disequazioni. Teorema di esistenza degli zeri. Teorema di unicità degli zeri basato sullo studio della derivata prima. Teorema di unicità degli zeri basato sullo studio della derivata seconda. Determinazione del numero di radici di un'equazione con metodo grafico e separazione delle radici. Metodo di bisezione per la determinazione approssimata di uno zero. Metodo delle tangenti per la determinazione approssimata di uno zero.

Integrali indefiniti

Definizione di primitiva di una funzione. L'integrale indefinito: definizione e proprietà di linearità. Gli integrali indefiniti immediati. Integrazione delle funzioni la cui primitiva è una funzione composta. Metodo di integrazione per sostituzione. Metodo di integrazione per parti (c.d.). L'integrazione di funzioni razionali fratte: il numeratore è la derivata del denominatore, il denominatore è di primo grado, il denominatore è di secondo grado (discriminante positivo, nullo, negativo), il denominatore è di grado superiore al secondo.

Integrali definiti

L'integrale definito: il problema delle aree; integrale definito di una funzione continua e positiva o nulla; integrale definito di una funzione continua e di segno qualsiasi; definizione generale di

integrale definito; le proprietà dell'integrale definito: additività rispetto all'intervallo di integrazione, integrale della somma di funzioni, integrale del prodotto di una costante per una funzione, confronto tra gli integrali di due funzioni, integrale del valore assoluto di una funzione, integrale di una funzione costante. Il teorema della media o del valor medio (c.d.). La funzione integrale. Il teorema fondamentale del calcolo integrale (c.d.). Il calcolo dell'integrale definito conoscendo una primitiva della funzione integranda (c.d.). Il calcolo delle aree di superfici piane: area compresa tra una curva e l'asse x ; area compresa tra due curve; area compresa tra una curva e l'asse y . Il calcolo dei volumi: i volumi dei solidi di rotazione ottenuti da rotazioni complete intorno all'asse x o intorno all'asse y . Metodo dei gusci cilindrici. Calcolo dei volumi di solidi di cui sono note le sezioni.

Gli integrali impropri: integrale improprio di una funzione con un numero finito di punti di discontinuità, integrale improprio di una funzione in un intervallo illimitato. Le applicazioni degli integrali alla fisica (lo spazio e la velocità, il lavoro di una forza, la quantità di carica). L'integrazione numerica: il metodo dei rettangoli e il metodo dei trapezi.

Equazioni differenziali

Le equazioni differenziali del primo ordine. Problema di Cauchy. Le equazioni differenziali del tipo $y' = f(x)$. Le equazioni differenziali a variabili separabili. Le equazioni differenziali lineari del primo ordine. Le equazioni differenziali del secondo ordine omogenee a coefficienti costanti. Analisi del modello di Malthus per la crescita di una popolazione. Metodo di Eulero per la risoluzione numerica di un problema di Cauchy del primo ordine.

Distribuzioni di probabilità

Calcolo delle probabilità: le variabili casuali discrete e le distribuzioni di probabilità; la funzione di ripartizione. Operazioni sulle variabili casuali: operazioni tra una variabile e delle costanti; somma di due variabili, quadrato di una variabile. I valori caratterizzanti una variabile casuale discreta: il valore medio, la varianza e la deviazione standard. Alcune proprietà del valore medio e della varianza. La distribuzione uniforme discreta. La distribuzione binomiale o di Bernoulli. La distribuzione di Poisson.

Le variabili casuali standardizzate. Le variabili casuali continue: funzione densità di probabilità, funzione di ripartizione, valore medio, varianza e deviazione standard. La distribuzione uniforme continua. La distribuzione normale o gaussiana.

Successioni e serie numeriche

Le successioni numeriche; successioni limitate; il limite di una successione. Le progressioni aritmetiche e geometriche: definizione, somma dei primi n termini di una progressione, limite di una progressione. Le serie numeriche: definizione, serie convergenti, divergenti, indeterminate. La serie geometrica.

Geometria analitica nello spazio

Le coordinate cartesiane nello spazio. Il piano, la retta. Distanza tra due punti nello spazio; punto medio di un segmento. Vettori nello spazio: vettori paralleli e perpendicolari. Equazione di un piano nello spazio; equazione di un piano di dato vettore normale e passante per un punto. Condizioni di parallelismo e perpendicolarità tra piani. Equazioni parametriche ed equazioni cartesiane di una retta; retta individuata da due piani. Condizioni di parallelismo e perpendicolarità tra retta e piano e loro posizione reciproca. Distanza di un punto da una retta o da un piano.

Libro di testo adottato

Manuale blu 2.0 di matematica- volume 5 di Bergamini, Barozzi e Trifone, Zanichelli

Firenze, 01 giugno 2021

Il Docente
Prof.ssa Mariateresa Basile

Gli Alunni