



Liceo Machiavelli
Anno Scolastico 2020/21
Classe III F Indirizzo Internazionale
Scientifico Prof.^{ssa} Paola Pinna

PROGRAMMA DI MATEMATICA

CAPITOLO 1: EQUAZIONI E DISEQUAZIONI

- Intervalli limitati o illimitati, intervalli chiusi o aperti
- Le disequazioni: definizione; disequazioni equivalenti; principi di equivalenza
- Le disequazioni di primo grado, di secondo grado e di grado superiore
- Le disequazioni frazionarie
- I sistemi di disequazioni
- Le equazioni e le disequazioni con il valore assoluto; proprietà dei valori assoluti
- Le equazioni e le disequazioni irrazionali.

CAPITOLO 2: FUNZIONI

- Relazioni e funzioni
- Le funzioni e la loro classificazione: definizione di funzione, di funzione reale di una variabile reale, di dominio e di codominio; funzioni definite a tratti; segno, intersezioni con gli assi e grafico di una funzione
- Le proprietà delle funzioni e la loro composizione; le funzioni iniettive, suriettive e biiettive; la funzione inversa; la composizione di due funzioni; le funzioni pari e le funzioni dispari; le funzioni crescenti, decrescenti, monotone; le funzioni periodiche
- Ricerca del dominio, di intersezioni con gli assi, di eventuali simmetrie, del segno di funzioni algebriche razionali o irrazionali, intere o frazionarie. Lettura di grafici.

CAPITOLO 4: PIANO CARTESIANO E RETTA

- Il riferimento cartesiano ortogonale
- La distanza fra due punti, il punto medio di un segmento, il baricentro di un triangolo
- L'equazione di una retta: forma esplicita e implicita
- Rette parallele e rette perpendicolari
- La posizione reciproca di due rette
- La distanza di un punto da una retta
- I luoghi geometrici: definizione e determinazione a partire da relazioni assegnate e dalle coordinate parametriche di un punto
- L'asse di un segmento
- Le bisettrici degli angoli formati da due rette
- I fasci di rette: fascio proprio e fascio improprio, fasci generati da due rette
- Studio di un fascio di rette
- Distanza tra due rette parallele.

CAPITOLO 5: PARABOLA

- La parabola: la parabola come luogo geometrico
- Equazione della parabola con asse parallelo all'asse y e con asse parallelo all'asse x
- La posizione di una retta rispetto ad una parabola
- Le rette tangenti ad una parabola
- Il segmento parabolico: determinazione dell'area di un segmento parabolico
- I fasci di parabole; studio di un fascio di parabole
- L'interpretazione grafica delle disequazioni di secondo grado
- Semplici problemi di massimo e minimo con l'utilizzo della parabola.

CAPITOLO 6: CIRCONFERENZA

- La circonferenza: la circonferenza come luogo geometrico
- Equazione della circonferenza; la condizione di realtà
- Retta e circonferenza
- Le rette tangenti ad una circonferenza: condizione di tangenza e altri metodi risolutivi
- Determinazione dell'equazione della circonferenza
- La posizione di due circonferenze
- Fasci di circonferenze; studio di un fascio di circonferenze.

CAPITOLO 7: ELLISSE

- L'ellisse: l'ellisse come luogo geometrico
- Equazione dell'ellisse
- Eccentricità di un'ellisse
- Le posizioni di una retta rispetto ad un'ellisse
- Le rette tangenti ad un'ellisse
- L'ellisse traslata (metodo del completamento del quadrato)
- L'ellisse come dilatazione della circonferenza

CAPITOLO 8: IPERBOLE

- L'iperbole: l'iperbole come luogo geometrico
- Equazione dell'iperbole con i fuochi sull'asse x e sull'asse y
- Eccentricità di un'iperbole ed equazioni degli asintoti
- Le posizioni di una retta rispetto a un'iperbole
- Le rette tangenti ad un'iperbole
- L'iperbole traslata (metodo del completamento del quadrato)
- L'iperbole equilatera, l'iperbole equilatera riferita agli assi di simmetria e riferita agli asintoti
- La funzione omografica; asintoti, centro di simmetria e curve degeneri.

CAPITOLO 9: CONICHE

- Equazioni parametriche di coniche
- Le sezioni coniche
- L'equazione generale di una conica
- Determinazione di luoghi geometrici
- Grafici di funzioni ottenute da archi di coniche
- Disequazioni in due variabili con archi di circonferenze, parabole, ellissi, iperboli (risoluzione grafica)
- Rappresentazione di funzioni ottenute da archi di coniche
- I sistemi parametrici con le coniche
- Le coniche e i problemi geometrici.

VOLUME 3B

CAPITOLO 12: FUNZIONI GONIOMETRICHE

- La misura degli angoli: la misura in gradi e in radianti e relative trasformazioni
- Angoli orientati e circonferenza goniometrica
- Le funzioni seno e coseno: definizione e grafico; la prima relazione fondamentale
- La funzione tangente e cotangente: definizione e grafico; la seconda relazione fondamentale
- Il significato goniometrico del coefficiente angolare di una retta
- Le funzioni goniometriche di angoli particolari
- Le funzioni secante e cosecante: formule
- Il periodo delle funzioni goniometriche
- Le funzioni goniometriche inverse: arcoseno, arcocoseno, arcotangente, arcocotangente.
- I grafici delle funzioni goniometriche e le trasformazioni geometriche.

CAPITOLO 13: FORMULE GONIOMETRICHE

- Gli angoli associati e le funzioni goniometriche di angoli associati
- Le formule di addizione e sottrazione
- Le formule di duplicazione
- Le formule di bisezione
- Le formule parametriche
- Le formule di prostaferesi e di Werner

CAPITOLO 14: EQUAZIONI E DISEQUAZIONI GONIOMETRICHE

- Identità goniometriche
- Le equazioni goniometriche elementari
- Particolari equazioni goniometriche elementari o riconducibili a equazioni elementari
- Le equazioni lineari in seno e coseno: utilizzo delle formule parametriche, utilizzo della tangente o cotangente, metodo grafico, metodo dell'angolo aggiunto
- Equazioni omogenee in seno o coseno
- I sistemi di equazioni goniometriche
- Le disequazioni goniometriche

CAPITOLO 15: TRIGONOMETRIA

- I triangoli rettangoli; teoremi sui triangoli rettangoli
- Risoluzione dei triangoli rettangoli
- Applicazione dei teoremi sui triangoli rettangoli. L'area di un triangolo
- Il teorema della corda
- I triangoli qualunque
- Teorema dei seni
- Teorema dei coseni
- Risoluzione dei triangoli qualunque
- Risoluzione di problemi geometrici con l'utilizzo della trigonometria.

Firenze, 3 giugno 2021

Il docente

Gli alunni

Paola Pinna