



LICEO STATALE "NICCOLÒ MACHIAVELLI"

www.liceomachiavelli-firenze.edu.it

Liceo Classico, Liceo Internazionale Linguistico,

Liceo Internazionale Scientifico

Liceo delle Scienze Umane, Liceo Economico-Sociale

Uffici Amministrativi: Via Santo Spirito, 39 – 50125 Firenze

tel. 055-2396302 - fax 055-219178

e-mail: fiis00100r@istruzione.it - PEC: fiis00100r@pec.istruzione.it



PROGRAMMA

A.S. 2020/2021 - Classe V H LES

MATERIA DI INSEGNAMENTO: matematica Prof.ssa: Chiara Paneti

n° 3 ore di insegnamento

Le funzioni e le loro proprietà

Definizione di funzione, classificazione, campo di esistenza, dominio e codominio, intersezioni con gli assi, definizione di zero di una funzione, funzioni crescenti e decrescenti, funzioni monotone o meno, periodiche, pari e dispari. Prodotto cartesiano di insiemi e definizione di grafico di una funzione. Richiami sulla definizione di funzione, inoltre definizione di funzione iniettiva, suriettiva e biiettiva; utilizzo del test delle rette verticali per riconoscere se un grafico è o meno grafico di funzione e del test delle rette orizzontali per riconoscere se il grafico è o meno grafico di una funzione iniettiva; conoscenza della condizione di invertibilità di una funzione e determinazione di alcune funzioni inverse, conoscenza della condizione di componibilità di funzioni e determinazione di funzioni composte. Ripasso delle coniche funzioni "elementari" studiate: $y=ax+b$, $y=ax^2+bx+c$, $y=|x|$, $y=k/x$, $y=|ax+b|$, $y=|ax^2+bx+c|$, $y=\sqrt{x}$, della funzione omografica.

Ripasso delle relazioni fra grandezze: proporzionalità diretta, dipendenza lineare, proporzionalità quadratica e proporzionalità inversa. Ripasso di $y=\sin x$, $y=\cos x$, $y=\tan x$, $y=\log x$ e $y=a^x$.

Ripasso delle disequazioni e studio del segno di una funzione ai fini della relativa rappresentazione in grafico e della verifica dei limiti.

Equazioni e disequazioni con valore assoluto:

per le equazioni casi $|f(x)|=a$, $|f(x)|=g(x)$, $|f(x)|=|g(x)|$;

per le disequazioni $|f(x)|<a$, $|f(x)|<a$.

I limiti di successione e di funzione

Ripasso degli insiemi numerici N , Z , Q ed R .

Gli intervalli (intervalli limitati o illimitati, aperti o chiusi e vari casi misti, definizione di

intervallo compatto). Gli intorno di un punto; definizione di punto isolato per un insieme dato e definizione di punto di accumulazione per un insieme dato con riferimento agli esempi di punti isolati e di accumulazione trattati nel libro. Definizione di successione e relativa rappresentazione per elencazione e per rappresentazione tramite espressione analitica, rappresentazione ricorsiva o per ricorsione; successioni monotone; successioni convergenti, divergenti e successioni oscillanti. la successione di Fibonacci. Per le successioni e più in generale per le funzioni da \mathbb{R} in \mathbb{R} o suo sottoinsieme: operazioni con i limiti ed enunciati dei teoremi relativi, enunciato del teorema di esistenza ed unicità del

limite, calcolo di limiti e forme indeterminate $\frac{\infty}{\infty}$, $\infty - \infty$ e $\frac{0}{0}$. A questo proposito si sono ripassati i prodotti notevoli e le scomposizioni in fattori in particolare da prodotto notevole, da trinomio caratteristico (monico o meno), i casi misti ed anche la regola di Ruffini e si è studiata la gerarchia degli infiniti.

Calcolo di alcuni limiti notevoli e di limiti ad essi riconducibili: dimostrazione e calcolo dei

due limiti $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$ e $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x}$.

Calcolo di $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x}$ e di $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x^2}$; calcolo di limiti riconducibili a $\lim_{x \rightarrow 0} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x$.

Le funzioni continue e il calcolo dei limiti

Definizione di funzione continua in un punto ed in un intervallo, classificazione dei tipi di discontinuità, asintoti orizzontale, verticale ed obliquo e loro ricerca.

Enunciati e significato dei seguenti teoremi sulle funzioni continue: teorema di Weierstrass, teorema dei valori intermedi, teorema di esistenza degli zeri.

La derivata di una funzione

Il rapporto incrementale. Significato geometrico di derivata; coefficiente angolare ed equazione di una retta secante in due punti distinti ad una curva e di una retta tangente e normale in un punto ad una curva; relazione fra continuità e derivabilità; collegamenti con la fisica: velocità, accelerazione ed intensità di corrente. Definizione di punto stazionario o critico. Derivate fondamentali: derivata della funzione costante (con dimostrazione), derivata della funzione identità, derivata della funzione potenza nei due casi esponente naturale e reale. Derivate (senza dimostrazione) delle funzioni seno, coseno, esponenziale, logaritmica. Regole per il calcolo delle derivate (alcune senza

dimostrazione); derivata del prodotto di una funzione per una costante, derivata della somma di due funzioni, derivata del prodotto di due funzioni, derivata di una funzione composta, derivata del quoziente di due funzioni (con dimostrazione) (escluso la derivata di $[f(x)]^{g(x)}$ e la derivata della f inversa, mentre è stata trattata la derivata della funzione reciproca come particolare funzione composta). Derivate di ordine superiore al primo. Saper calcolare la derivata di semplici funzioni e determinarne i punti stazionari; i punti di non derivabilità: curve di Peano e di Von Koch. Teorema de l'Hopital; (enunciato ed uso).

Punti critici: massimi, minimi e flessi a tangente orizzontale;

Funzioni crescenti e decrescenti e derivate: legame fra il segno della derivata prima e l'andamento della funzione.

Definizioni (massimi: massimi relativi e massimi assoluti, sup); minimi: (minimi relativi, minimi assoluti, inf); definizione di concavità e di punto di flesso; punti stazionari e distinzione nella ricerca fra massimi, minimi o flessi a tangente orizzontale col metodo dello studio del segno della derivata prima o col metodo delle derivate successive¹. Flessi a tangente obliqua, concavità e convessità di una funzione e derivata seconda. Flessi a tangente verticale.

Studio di una funzione

Studio completo di semplici funzioni razionali intere e fratte.

Firenze, 31 maggio 2021,

La docente: Chiara Paneti

Gli studenti:

¹Il metodo delle derivate successive non è presente nella edizione del libro di testo attualmente in uso, dello stesso si è fornito lo schema e non la dimostrazione.